

## נוסחאות בטריגונומטריה

$$\cos \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \alpha}{2}}$$

$$\tan \frac{\alpha}{2} = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha} = \frac{\sin \alpha}{1 + \cos \alpha}$$

### נוסחאות החיבור

$$\begin{aligned}\sin \alpha + \sin \beta &= 2 \sin \frac{\alpha + \beta}{2} \cos \frac{\alpha - \beta}{2} \\ \sin \alpha - \sin \beta &= 2 \sin \frac{\alpha - \beta}{2} \cos \frac{\alpha + \beta}{2} \\ \cos \alpha + \cos \beta &= 2 \cos \frac{\alpha + \beta}{2} \cos \frac{\alpha - \beta}{2} \\ \cos \alpha - \cos \beta &= -2 \sin \frac{\alpha + \beta}{2} \sin \frac{\alpha - \beta}{2}\end{aligned}$$

### נוסחאות ההפרדה

$$\begin{aligned}\sin \alpha &= \cos(90^\circ - \alpha) & \tan \alpha &= \cot(90^\circ + \alpha) \\ \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha &= 1 & \tan \alpha \cdot \cot \alpha &= 1 \\ \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} &= \tan \alpha & \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} &= \cot \alpha \\ 1 + \tan^2 \alpha &= \frac{1}{\cos^2 \alpha} & 1 + \cot^2 \alpha &= \frac{1}{\sin^2 \alpha}\end{aligned}$$

### סכום ומחפרש זוויתות

$$\begin{aligned}\sin(\alpha \pm \beta) &= \sin \alpha \cos \beta \pm \sin \beta \cos \alpha \\ \cos(\alpha \pm \beta) &= \cos \alpha \cos \beta \mp \sin \alpha \sin \beta \\ \tan(\alpha \pm \beta) &= \frac{\tan \alpha \pm \tan \beta}{1 \mp \tan \alpha \tan \beta}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\sin \alpha \sin \beta &= \frac{1}{2} [\cos(\alpha - \beta) - \cos(\alpha + \beta)] \\ \cos \alpha \cos \beta &= \frac{1}{2} [\cos(\alpha + \beta) + \cos(\alpha - \beta)] \\ \sin \alpha \cos \beta &= \frac{1}{2} [\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta)]\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\sin 2\alpha &= 2 \sin \alpha \cos \alpha \\ \cos 2\alpha &= \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha = 2 \cos^2 \alpha - 1 = 1 - 2 \sin^2 \alpha \\ \tan 2\alpha &= \frac{2 \tan \alpha}{1 - \tan^2 \alpha}\end{aligned}$$

### נוסחאות להורדת מעלה

$$\begin{aligned}2 \sin^2 \alpha &= 1 - \cos 2\alpha \\ 2 \cos^2 \alpha &= 1 + \cos 2\alpha\end{aligned}$$

$$\sin \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{2}}$$

$$\begin{aligned}\cos \alpha &= \frac{t}{\sqrt{1+t^2}} \\ \tan \alpha &= \frac{1}{\sqrt{t}}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\tan \alpha + \tan \beta &= \tan(\alpha + \beta)(1 - \tan \alpha \tan \beta) \\ \sin^2 \alpha - \sin^2 \beta &= \sin(\alpha + \beta) \sin(\alpha - \beta)\end{aligned}$$

### פתרונות משוראות

$$\begin{aligned}\sin x &= \sin y \\ &\Downarrow \\ x = y + 360^\circ k \quad or \quad x &= 180^\circ - y + 360^\circ k\end{aligned}$$

$$\sin 3\alpha = 3 \sin \alpha - 4 \sin^3 \alpha$$

$$\cos 3\alpha = 4 \cos^3 \alpha - 3 \cos \alpha$$

### זוויתות משולש

### זווית כפולה

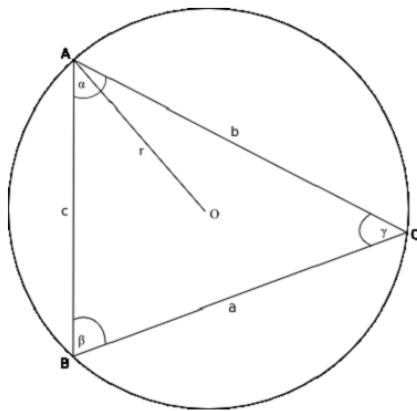
### חצי זווית

### זוויתות שימושיות

**הציגת הפונקציות הטריגומטריות על ידי פונקציית טריגונומטרית אחת**

$$\begin{aligned} \cos x &= \cos y \\ &\Downarrow \\ x &= 360^\circ k \pm y \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \tan x &= \tan y \\ &\Downarrow \\ x &= y + 180^\circ k \end{aligned}$$



הציגת באמצעות סינוס

$$\begin{aligned} \cos \alpha &= \frac{\sqrt{1-t^2}}{t} \\ \tan \alpha &= \frac{t}{\sqrt{1-t^2}} \\ \cot \alpha &= \frac{\sqrt{1-t^2}}{t} \end{aligned}$$

הציגת באמצעות קוסינוס

$$\begin{aligned} \sin \alpha &= \frac{\sqrt{1-t^2}}{t} \\ \tan \alpha &= \frac{\sqrt{1-t^2}}{t} \\ \cot \alpha &= \frac{t}{\sqrt{1-t^2}} \end{aligned}$$

הציגת באמצעות טננטס

$$\begin{aligned} \sin \alpha &= \frac{t}{\sqrt{1+t^2}} \\ \cos \alpha &= \frac{1}{\sqrt{1+t^2}} \\ \cot \alpha &= \frac{1}{t} \end{aligned}$$

הציגת באמצעות קוטנטנס

$$\sin \alpha = \frac{1}{\sqrt{1+t^2}}$$

**משפט הקוסינוסים**

במשולש שאורך צלעותיו הן  $a, b, c$  והאוזית שמול צלע  $a$  היא  $\alpha$  מתקיים

$$\begin{aligned} M &= \pi Rl \\ S &= \pi R^2 \\ P &= S + M \\ V &= \frac{Sh}{3} \\ l^2 &= R^2 + h^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} a^2 &= b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha \\ b^2 &= a^2 + c^2 - 2ac \cos \beta \\ c^2 &= a^2 + b^2 - 2ab \cos \gamma \end{aligned}$$

**משפט הסינוסים**

אם  $r$  הוא הרדיוס של המעגל החוסם את המשולש אז מתקיים

**גָלִיל**

$$\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma} = 2r$$

$$\begin{aligned} S &= \pi R^2 \\ p &= 2\pi R \\ M &= ph \\ P &= M + 2S \\ V &= \frac{Sh}{3} \end{aligned}$$

$$S = \frac{abc \sin \gamma}{2} = \frac{bc \sin \alpha}{2} = \frac{ac \sin \beta}{2}$$

$$\begin{aligned} S &= \frac{a^2 \sin \beta \sin \gamma}{2 \sin \alpha} = \frac{b^2 \sin \alpha \sin \gamma}{2 \sin \beta} = \frac{c^2 \sin \alpha \sin \beta}{2 \sin \gamma} \\ S &= 2R^2 \sin \alpha \sin \beta \sin \gamma \end{aligned}$$

**נוסחאות לשטח של משולש**

### מנסחה ישרה

$$V = Sh$$

### הנדסת המרחב

- $h$  - גובה
- $S$  - שטח הבסיס
- $V$  - נפח
- $M$  - שטח המעטפת
- $P$  - שטח פנים
- $p$  - היקף בסיס
- $R$  - רדיוס
- $l$  - חקן היוצר

### פרמידה ישרה

$$\begin{aligned} P &= S + M \\ V &= \frac{Sh}{3} \end{aligned}$$