

## **דוגמא 1 לשאלון 35806**

**עד לשנה"ל תשע"א  
משך הבדיקה: שלוש וחצי שעות**

דוגמא זו מבוססת על שאלות מتوزק שאלוני בגרות שהיו בעבר. כדי להתאים את השאלות למשך הזמן של שאלון 35806, ייתכן שיושם סעיף במקצת השאלות שבדוגמא זו.

### **פרק א: בחירה של שתיים מבין שלוש שאלות.**

אלגברה ובעיות מילוליות, כולל אי שוויונים ריבועיים ורציונליים, הסתברות, סדרות  
וainדוקציה

שאלה 1 : לקופה מתוך שאלון 35006 מועד קיץ תשס"ז

מכונית יצאה מנקודה A , ונעה בכיוון נקודה B . במהירות קבועה ובקו ישר.  
המרחק בין נקודה A לנקודה B הוא 2.5 מטרים.

כעבור 5.5 שניות מיציאת המכונית, נרך כדור מנקודה B . הכדור נעה בקו ישר לעבר  
המכונית במהירות קבועה של 3 מטרים לשניה.

לאחר שהכדור התנגש במכונית, המשיכה המכונית לנוע בקו ישר לכיוון הנקודה B  
במהירות הקטנה ב- 40% ממהירות עד ההתנגשות.

המכונית הגיעו לנקודה B כעבור 7 שניות מרגע יציאתה מנקודה A .

מה הייתה מהירות המכונית עד רגע ההתנגשות?

שאלה 2 : לקופה מתוך שאלון 35006 מועד חורף תשס"ז

א. הוכח באינדוקציה או בדרך אחרת כי לכל  $n$  טבאי מתקיים:

$$\frac{(n+1)(n+2)(n+3)\dots(3n)}{(1\cdot 2)(4\cdot 5)(7\cdot 8)\dots(3n-2)\cdot(3n-1)} = 3^n$$

ב. חשב את  $\frac{16 \cdot 17 \cdot 18 \cdot 19 \cdot \dots \cdot 42}{2 \cdot 20 \cdot 56 \cdot \dots \cdot 1640}$



שאלה 3 : ל��וכה מtower שאלון 35005 מועד ב' תשס"ו

בחדר נמצאים  $x$  גברים ו-  $x^2$  נשים, המשחקים את המשחק שלහן:  
בוחרים באקראי שני אנשים מהחדר בזיה אחר זה (בליל החזרה).

.  $\frac{1}{2}$  ידוע שהסתברות לבחור במשחק זה שני אנשים שאחד מהם גבר והאחר אישה, היא

א. חשב את  $x$ .

עבור ה-  $x$  שחייבת בסעיף א ענה על הסעיפים ב-ג.

ב. ידוע שהאדם השני שנבחר היה אישה.

מהי ההסתברות שהאדם הראשון שנבחר היה אישה?

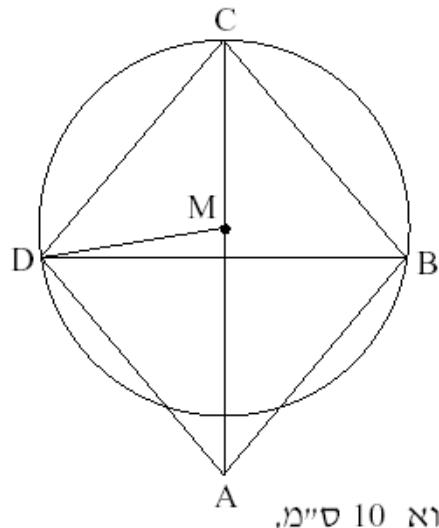
ג. משחקים את המשחק חמיש פעמים (בכל פעם יש בהתחלה  $x$  גברים ו-  $x^2$  נשים  
בחדר).

מהי ההסתברות שבבדיקה שלוש פעמים בוחרים שתי נשים?

**פרק ב: בחירה של שתיים מבין שלוש שאלות.**

גאומטריה וטריגונומטריה במישור.

שאלה 4: ל��חה מתוק שאלון 35005 מועד קיז תשס"ו



נתון מעוין  $ABCD$ .

נקודה  $M$  נמצאת על האלכסון  $AC$ ,

כך ש-  $MD = MC$  (ראה ציור).

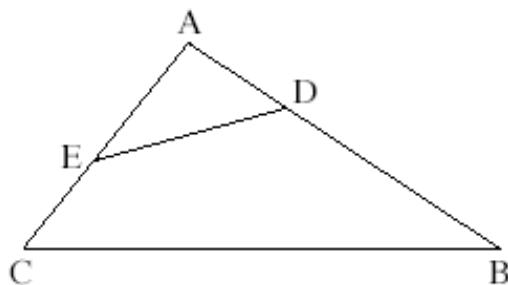
א. הוכח כי הנקודה  $M$  היא מרכז המעגל החוסם את המשולש  $DBC$ .

ב. הוכח כי  $\angle MDC + \angle DBC = 90^\circ$ .

ג. נתון: רדיוס המעגל החוסם את המשולש  $DBC$  הוא  $10 \text{ ס"מ}$ ,  
�מרחק המרכז  $M$  מהאלכסון  $DB$  הוא  $1.5 \text{ ס"מ}$ .

חשב את שטח המעוין  $ABCD$ . (בתשובתך דיק Ud שתि ספרות אחרי הנקודה העשרונית).

שאלה 5 : ל쿄וחה מטוק שאלון 35006 מועד קיץ תשס"ח



במשולש ABC הנקודות D ו E  
מנוחות על הצלעות AB ו AC בהתאמה  
(ראה ציור).

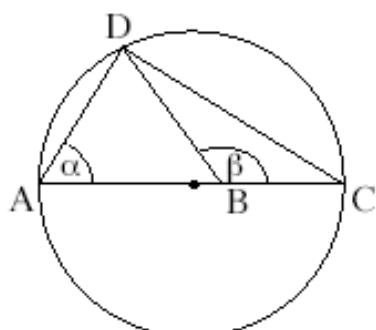
$$\angle ADE = \angle C = \gamma$$

$$\angle AED = \angle B = \beta$$

$$BC = 5 \text{ ס"מ}$$

שטח המרובע BCED הוא 4 סמ"ר.

$$\therefore DE = \sqrt{25 - 8\left(\frac{1}{\tan \beta} + \frac{1}{\tan \gamma}\right)} \quad \text{הראה כי}$$



קטע AC הוא קוטר במעגל. נקודה D נמצאת על מעגל זה,  
ונקודה B נמצאת על הקוטר AC (ראה ציור).

נסמן:  $\angle DBC = \beta$ ,  $\angle DAB = \alpha$ .  
א. הבע באמצעות  $\alpha$  ו  $\beta$  את היחס בין

$$\text{שטח המשולש } ADB \text{ ל } (S_{\triangle ADC})$$

לכון שטח המשולש ADC.

$$\therefore \alpha = 60^\circ \text{ ו } S_{\triangle ADB} = \frac{1}{2} S_{\triangle ADC} \text{ אם } \beta = 30^\circ$$

**פרק ג: בחירה של שתיים מבין שלוש שאלות.**

חדו"א של פונקציות טריגונומטריות, פולינומיים, רציאנליות ושורש ריבועי כולל שימוש באין שוווניים ריבועיים, רציאנליים, ואי-רציאנליים פשוטים.

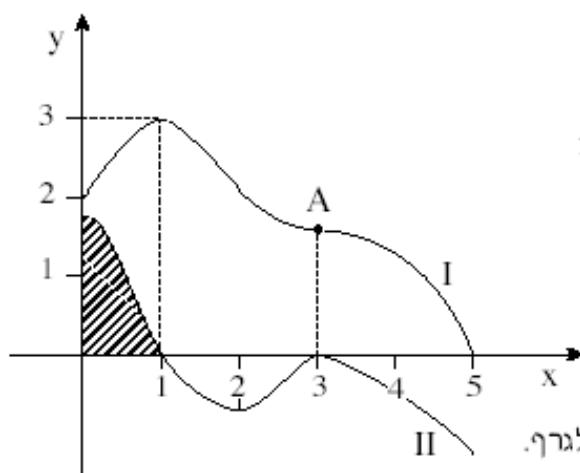
שאלה 7: ל Kohne מתוק שאלון 35006 מועד ב' תשס"ח

$$\text{נתונה הפונקציה } y = \frac{2x^2 - a^3}{2x} .$$

א. עבור  $0 > a$  מצא (הבע באמצעות  $a$  במידה הצורך):

- (1) את האסימפטוטות של הפונקציה המקבילות לצירים (אם יש כאלה).
  - (2) את נקודות החיתוך של הפונקציה עם הצירים (אם יש כאלה).
  - (3) את השיעורים של נקודות הקיצון של הפונקציה (אם יש כאלה), וקבע את סוגן.
  - (4) את תחומי הקוירות של הפונקציה כלפי מעלה U ו כלפי מטה U.
- ב. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה עבור  $0 > a$ .
- ג. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה עבור  $0 < a$ . הסבר את שיקוליך בסרטוט הגרף.

שאלה 8 : למועד מトーク שאלון 35006 מועד ב' תשס"ח



בציור שלפניך מוצגים הגרפים I ו- II  
בתהום  $5 \leq x \leq 0$ .

אחד הגרפים הוא סקיצה של הפונקציה  $(x)f$   
והآخر של פונקציית הנגזרת  $(x)f'$ .

- איזה גраф, I או II, הוא של  
הfonקציה  $(x)f$ ? נמק.
- בנקודה A של גраф I העבירו משיק לגרף.  
מהו שיפוע המשיק? נמק.
- ג. (1) סרטט סקיצה של גраф הפונקציה  $(x)f'$  בתהום  $5 \leq x \leq 0$ , אם נתנו כי  
SHIPOU הישר, המשיק לגרף II בנקודה שבה  $x = 0$ , הוא אפס.

הסביר את שיקוליך בסרטוט הגרף.

- ב. מה הם שיעורי ה- x של נקודות הפיתול של  $(x)f$  בתהום  $5 < x < 0$ ?  
נמק.
- ד. חשב את השטח המוגבל על ידי גраф II, על ידי ציר ה- x ועל ידי ציר ה- y  
(השטח המוקוקו בציור). השתמש בערכיים של ציר ה- y בציור.

שאלה 9 : למועד מトーוק שאלון 35006 מועד ב' תשס"ז

$$\text{נתונה הפונקציה } f(x) = x\sqrt{x^2 + 2}$$

- א. מבין כל המשיקים לגרף הפונקציה, מצא את משוואת המשיק שהשיפועו מינימלי.
- ב. מצא את גודל הזווית בין הכיוון החזובי של ציר ה- x ובין המשיק, שאת משווה אותו  
מצאת בסעיף א.